

次のア～オのうち誤りがあれば その記号を選び なければなしと示しなさい。

- ① 原点を  $O$  とする座標空間内に 2点  $A(a_1, a_2, a_3)$ ,  $B(b_1, b_2, b_3)$  があって 三角形  $OAB$  を作っている。ベクトル  $\overrightarrow{OA}$ ,  $\overrightarrow{OB}$  のなす角を  $\theta$  とおく。

ア  $\overrightarrow{AB} = (b_1 - a_1, b_2 - a_2, b_3 - a_3)$

イ 内積  $\overrightarrow{OA} \cdot \overrightarrow{OB} = a_1 b_1 + a_2 b_2 + a_3 b_3$

ウ 三角形  $OAB$  の面積  $S = \frac{1}{2} |\overrightarrow{OA}| |\overrightarrow{OB}| \sin \theta$  ただし  $0 < \theta < \pi$

エ  $\sin \theta = \sqrt{1 - \cos^2 \theta}$  , 内積  $\overrightarrow{OA} \cdot \overrightarrow{OB} = |\overrightarrow{OA}| |\overrightarrow{OB}| \cos \theta$

オ 三角形  $OAB$  の面積  $S = \frac{1}{2} \sqrt{|\overrightarrow{OA}|^2 |\overrightarrow{OB}|^2 - (\overrightarrow{OA} \cdot \overrightarrow{OB})^2}$

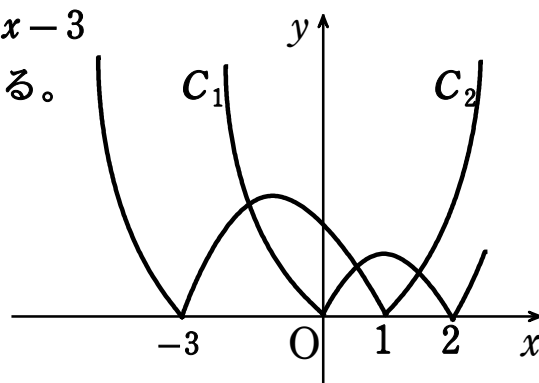
- ② 関数  $f(x) = x^2 - 2x$ ,  $g(x) = x^2 + 2x - 3$

曲線  $C_1: y = |f(x)|$   $C_2: y = |g(x)|$  がある。

ア  $f(x) = (x-1)^2 - 1 = x(x-2)$

$g(x) = (x+1)^2 - 4 = (x+3)(x-1)$

- イ  $C_1, C_2$  の概形を同一平面上に図示  
右図



- ウ  $C_1, C_2$  の交点が3個ある。交点の  $x$  座標を小さい順に  $x_1, x_2, x_3$  とおくと  $x_1, x_3$  は方程式  $f(x) + g(x) = 0$  の解  $x_2$  は方程式  $f(x) - g(x) = 0$  の解である

エ  $C_1, C_2$  の交点の  $x$  座標  $f(x) + g(x) = 2x^2 - 3 = 0$  の解  $x = \pm \frac{\sqrt{6}}{2}$

$f(x) - g(x) = -4x + 3 = 0$  の解  $x = \frac{3}{4}$

オ  $C_1, C_2$  の交点の  $y$  座標が最小となるのは  $x = \frac{3}{4}$ ,  $x = \frac{\sqrt{6}}{2}$  の  $y$  座標のうちどちらかである。大小比較する

### ③ 数列

$$\frac{1}{2}, \frac{1}{4}, \frac{2}{4}, \frac{1}{8}, \frac{2}{8}, \frac{4}{8}, \frac{1}{16}, \frac{2}{16}, \frac{4}{16}, \frac{8}{16}, \frac{1}{32}, \frac{2}{32}, \frac{4}{32}, \frac{8}{32}, \frac{16}{32}, \frac{1}{64}, \dots$$

がある。規則性を推測して 群数列としてとらえる。

ア 数列の各項は分数である。分数の分母に着目して群数列を設定する

イ 第  $k$  群の初項は  $\frac{1}{2^k}$ , 末項は  $\frac{2^{k-1}}{2^k}$  である

ウ 第  $k$  群の項数は  $2^{k-1}$  個ではなくて  $2^k$  個である

エ  $128 = 2^7$   $\frac{16}{128}$  は第 7 群に属し 5 番目の項

オ 各項を既約分数で表す。

初項から第 6 回目に現れる  $\frac{1}{2}$  は第 6 群の末項である