

次のア～オのうち誤りがあれば その記号を選び なければなしと示しなさい。

1 原点をOとする座標空間内に 2点 $A(a_1, a_2, a_3), B(b_1, b_2, b_3)$ があって
三角形 OAB を作っている。ベクトル $\overrightarrow{OA}, \overrightarrow{OB}$ のなす角を θ とおく。

ア $\overrightarrow{AB} = (b_1 - a_1, b_2 - a_2, b_3 - a_3)$

イ 内積 $\overrightarrow{OA} \cdot \overrightarrow{OB} = a_1b_1 + a_2b_2 + a_3b_3$

ウ 三角形OABの面積 $S = \frac{1}{2} |\overrightarrow{OA}| |\overrightarrow{OB}| \sin \theta$ ただし $0 < \theta < \pi$

エ $\sin \theta = \sqrt{1 - \cos^2 \theta}$, 内積 $\overrightarrow{OA} \cdot \overrightarrow{OB} = |\overrightarrow{OA}| |\overrightarrow{OB}| \cos \theta$

オ 三角形OABの面積 $S = \frac{1}{2} \sqrt{|\overrightarrow{OA}|^2 |\overrightarrow{OB}|^2 - (\overrightarrow{OA} \cdot \overrightarrow{OB})^2}$

2 関数 $f(x) = x^2 - 2x, g(x) = x^2 + 2x - 3$

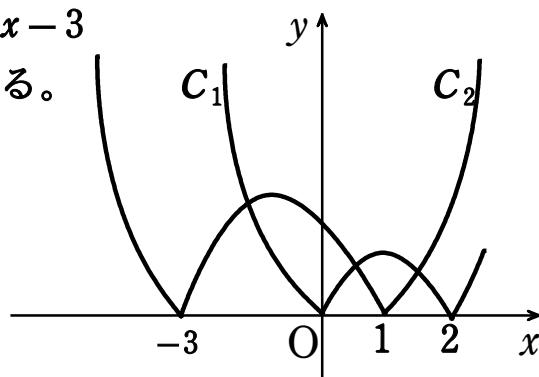
曲線 $C_1: y = |f(x)|, C_2: y = |g(x)|$ がある。

ア $f(x) = (x-1)^2 - 1 = x(x-2)$

$g(x) = (x+1)^2 - 4 = (x+3)(x-1)$

イ C_1, C_2 の概形を同一平面上に図示

右図



ウ C_1, C_2 の交点が3個ある。交点の x 座標を小さい順に x_1, x_2, x_3 と
おくと x_1, x_3 は方程式 $f(x) + g(x) = 0$ の解 x_2 は方程式 $f(x) - g(x) = 0$ の解である

エ C_1, C_2 の交点の x 座標 $f(x) + g(x) = 2x^2 - 3 = 0$ の解 $x = \pm \frac{\sqrt{6}}{2}$

$f(x) - g(x) = -4x + 3 = 0$ の解 $x = \frac{3}{4}$

オ C_1, C_2 の交点の y 座標が最小となるのは $x = \frac{3}{4}$, $x = \frac{\sqrt{6}}{2}$ の y 座標のうちどちらかである。大小比較する

3] 数列

$\frac{1}{2}, \frac{1}{4}, \frac{2}{4}, \frac{1}{8}, \frac{2}{8}, \frac{4}{8}, \frac{1}{16}, \frac{2}{16}, \frac{4}{16}, \frac{8}{16}, \frac{1}{32}, \frac{2}{32}, \frac{4}{32}, \frac{8}{32}, \frac{16}{32}, \frac{1}{64}, \dots$

がある。規則性を推測して 群数列としてとらえる。

ア 数列の各項は分数である。分数の分母に着目して群数列を設定する

イ 第 k 群の初項は $\frac{1}{2^k}$, 末項は $\frac{2^{k-1}}{2^k}$ である

ウ 第 k 群の項数は 2^{k-1} 個ではなくて 2^k 個である

エ $128 = 2^7$ $\frac{16}{128}$ は第 7 群に属し5番目の項

オ 各項を既約分数で表す。

初項から第 6 回目に現れる $\frac{1}{2}$ は第6群の末項である